

פיזיקה 1 לרפואה

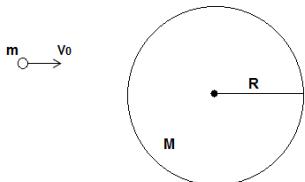
פרק 20 - גוף קשיח - כולל שילוב עם תנוע זוויתית- החומר לא מופיע בסילבוס
אבל נלמד בשנים קודמות

תוכן העניינים

- 1. הגדרות, ציר סיבוב ותנוע קוויי (לא ספר)
- 2. תנוע זוויתית של גוף קשיח
- 3. אנרגיה סיבובית של גוף קשיח
- 4. ניתוח לפי כוחות ומומנטים וגלגל ללא חילקה
- 5

תנע זוויתית של גוף קשיח:

שאלות:



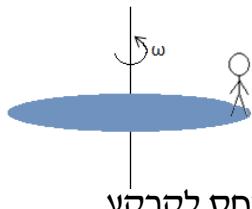
1) כדור מתנגן בדיסקה

דיסקה בעל מסה M ורדיוס R מחוברת באמצעות ציר העובר במרכזו לשולחן אופקי חיצוני.

כדור פלסטילינה בעל מסה m נעה במהירות v_0 לעבר הדיסקה.

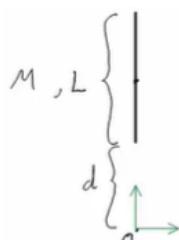
הכדור פוגע בדיסקה משמאלה, ובמרחק d ממרכזו. הכדור נדבק לדיסקה ושניהם מתחילים להסתובב יחדיו (סיבוב הציר במרכז הדיסקה). הדיסקה נמצאת במנוחה לפני הפגיעה וכוח הקובד אינו משפיע על הגוף (המערכת אופקית).

מצא את מהירות הזוויתית בה יסתובבו הגוף לאחר הפגיעה.



2) אדם קופץ מディסקה

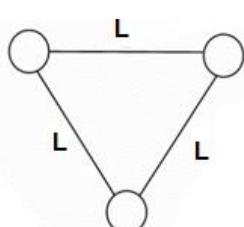
נתונה דיסקה בעל רדיוס R המסתובבת סביב מרכזו במהירות זוויתית קבועה ω . בקצת הדיסקה עומד איש נקודתי ומסתובב ביחד עם הדיסקה. ברגע מסוים האיש קופץ מהדיסקה ונמצא כי מהירותו מיד לאחר הקפיצה היא v_0 בכיוון הרדיאלי, ביחס לקרקע. מצא את מהירות הזוויתית של הדיסקה לאחר הקפיצה אם נתונם מסת האיש m ומסת הדיסקה M .



3) דוגמה - תנוע זוויתית של תנועה משולבת

נתון מוט בעל אורך L ומסה M .

המרחק בין הקצה התיכון של המוט עד ראשית הצירים הוא d . המוט מסתובב בכיוון השעון מסביב בראשית. חשב את התנוע הזוויתית.



4) שלושה כדורים

שלושה כדורים זהים בעלי מסה m נמצאים בפינותיו של משולש שווה צלעות. ה כדורים מחוברים באמצעות שלוש מוטות חסרי מסה ואורך L (צלעות המשולש).

א. חשב את מיקום מרכזו המסה של המערכת.

ב, נתון כי הגוף מסתובב במהירות זוויתית ω נתונה, סיבוב מרכזו המסה שלו. ברגע מסוים, כאשר הגוף נמצא במצב המתואר בציור, הכדור התיכון ניתק מהגוף.

ב. מצא את מהירות הכדור שניתק לאחר הניתוק.

ג. מצא את מהירות מרכזו המסה של החלק הנותר.

ד. מצא את מהירות הזוויתית של החלק הנותר סיבוב מרכזו המסה שלו.

5) מסמר נועץ דיסקה מסתובבת

- דיסקה ברדיוס R ומסה m מונחת על שולחן אופקי במנוחה. מסובבים את הדיסקה ב מהירות זוויתית α סביב מרכו המסה של (סביב ציר Z). מסמר נופל מהשדים ופוגע בקצתה של הדיסקה ונועץ אותה לשולחן.
- מהי המהירות הזוויתית של הדיסקה סביב המסמר לאחר הנעיצה?
 - ענו שיב על השאלה רק הפעם הניחו שבנוסף לסייע, מרכז המסה של הדיסקה נע במהירות ω לפני הנעיצה.

תשובות סופיות:

$$\omega = \frac{mv_0 d}{I} \quad (1)$$

$$\omega' = \frac{\left(\frac{1}{2}M + m\right)\omega_0}{\frac{1}{2}M} \quad (2)$$

$$\left(\frac{L}{2} + d\right)^2 M\omega + I_{c.m.}\omega_{c.m.} = L \quad (3)$$

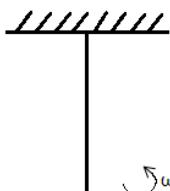
$$v_{1,2_{c.m.}} = \frac{1}{2}\omega R\hat{x} \quad .\text{א} \qquad v_3 = -\omega R\hat{x} \quad .\text{ב} \qquad y_{c.m.} = \frac{1}{2\sqrt{3}}, x_{c.m.} = \frac{L}{2} \quad .\text{ג}$$

$$I_{1,2,3}\omega = m|v_3|R + 2mv_{1,2}y_{c.m.} + 2m\left(\frac{1}{2}L\right)^2 \quad .\text{ד}$$

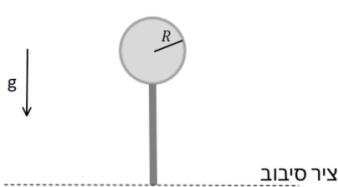
$$\frac{1}{3}\left(\omega + 2\frac{v}{R}\right) \quad .\text{ב} \qquad \frac{1}{3}\omega \quad .\text{א} \quad (5)$$

אנרגיה סיבובית של גוף קשיח:

שאלות:

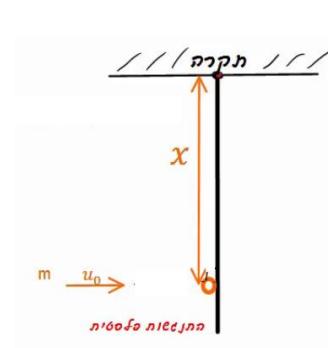


- 1) **מוט מסתובב**
מוט באורך L ומסה M מחובר לתקраה באמצעות ציר זוויתית התחלית ω .
מהי הזווית המקסימלית אליה הגיע המוט?

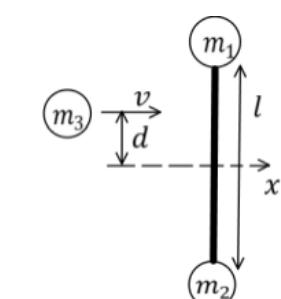


- 2) **דיסקה מחוברת למוט נופלת במצב אנכי**
גוף קשיח מורכב ממוט בעל אורך L ומסה M המחובר בקצת אחד לדיסקה מלאה בעלת מסה m המפולגת באופן אחיד ורדיוס R .

בקצת השני, המוט מחובר לציר אופקי.
המוט חופשי להסתובב סביב הציר (כלומר הגוף יכול לעשות סיבוב אנכי סביב הציר).
הגוף מתחילה במצב המתואר באירור (מצב אנכי לא יציב) ומקבל דחיפה קטנה לתוך הדף.
מה תהיה המהירות הזוויתית של הגוף כאשר הגיע הנזוכה ביותר?



- 3) **כדור פוגע במוט שתלווי מהתקלה (כולל תנז)**
כדור בעל מסה m פוגע במוט שתלווי מהתקלה במרחק x מציר הסיבוב של המוט. המוט בעל אורך L ובבעל מסה M .
מהירותו ההתחלתית של הכדור היא u_0 והוא מתנגש פלסטית עם המוט.
א. מהי המהירות הזוויתית של המערכת מיד לאחר ההתנגשות?
ב. מהי הזווית המקסימלית אליה הגיע המוט?
ג. מצא x כך שהכוח שפעילה התקלה על המוט יתאפס.



- 4) **מסה מתנגשת בשתי מסות מחוברות למוט (כולל תנז)**
שני גופים נקודתיים בעלי מסה M כל אחד מחוברים בשני קצוותיו של מוט דק חסר מסה באורך L . המערכת נמצאת במנוחה על גבי משטח אופקי חלק לאורך ציר y .
כדור נוסף שמסתו m פוגע במוט במאונך למוט ובמרחק d ממרכזו המוט. מהירות הכדור הנוסף היא v וההתנגשות עם המוט היא אלסטית.
מה צריכה להיות מהירותו של הכדור הנוסף, כך שיישאר במנוחה לאחר ההתנגשות.

תשובות סופיות:

$$\cos \theta = 1 - \frac{L\omega_0^2}{3g} \quad (1)$$

$$\omega = \sqrt{\frac{2MgL + 2mg(L+R)}{\frac{ML}{3} + \frac{1}{4}mR^2 + m(L+R)^2}} \quad (2)$$

$$\omega = \frac{mv_0x}{mx^2 + \frac{ML^2}{3}} \cdot \mathcal{N} \quad (3)$$

$$x_{c.m} = \frac{M\frac{L}{2} + mx}{M+m}, \quad I = \frac{ML^2}{3} + mx^2 \quad \text{כאשר} \quad \cos \theta = 1 - \frac{I\omega^2}{(M+m)gx_{c.m}} \quad \text{ב.}$$

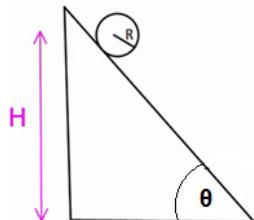
ו- ω מצאנו בסעיף א'.

$$mu_0 = M\frac{L}{r} + mx \quad \text{ג.} \quad (4)$$

$$m = \frac{2M}{1 + \frac{4d^2}{l^2}} \quad (5)$$

ניתוח לפי כוחות ומומנטים וגלגול ללא חילקה:

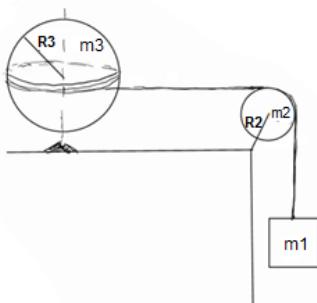
שאלות:



1) דוגמה - כדור על מדרון משופע

כדור בעל רדיוס R מונח בגובה H על מדרון משופע בעל זווית α . הכדור מתחילה להתגלגל ללא חילקה.

- מצאו את מהירות הכדור בתחתית המדרון.
- מצאו את תאוצת הכדור.



2) גלובוס

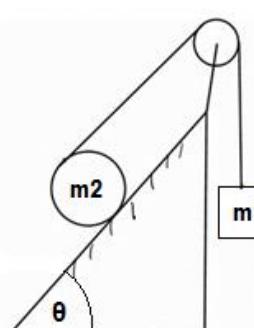
גלובוס (כדור) מונח ומקובע לשולחן ויכול להסתובב סביב ציר המאונך לשולחן.

מלפפים חוט סיבוב מרכז הגלובוס (סיבוב קו המשווה) והחותם ממשיך מהגלובוס דרך גלגלת לאידיאלית למסה תלויה m_1 .

נתונים גם: m_2 ו- R_2 מסה ורדיוס הגלגלת, m_3 ו- R_3 מסה ורדיוס הגלובוס.

המערכת מתחילה ממנוחה.

מצא את תאוצת כל הגוףים, קווית וזוויתית ואת המתייחות בחוט.



3) יווי במישור מחובר למסה

יווי (כדור שמלופף סביבו חוט) בעל מסה m_2 ורדיוס R מונח על מישור משופע בעל זווית θ .

החותם של היווי מחובר דרך גלגלת לאידיאלית למסה m_1 .

נתון כי היווי מתגלגל ללא חילקה על המישור וכי קיימים חיכוך בין היווי למישור.

- מצא لأنן תנוע המערכת וכיוון החיכוך הסטטי.

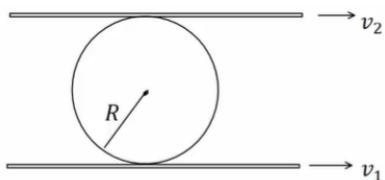
- מצא את תאוצות הגוףים וגודלו כוח החיכוך.

(4) מוט אופקי נופל

L, M

מוט בעל מסה M (צפיפות אחידה) ואורך L תלוי בקצתו
לקיר וחופשי להסתובב סביב נקודת התלייה.
משחררים את המוט במצב אופקי.

- א. מצא את התאוצה הזוויתית ואת תאוצת מרכזו
המסה של המוט ברגע השחרור.
כעת המוט נופל עד להגיעו במצב מאונך לקרקע.
- ב. מצא את הכוח שפעיל הציר שמחבר את המוט
לקיר על המוט, ברגע השחרור.
- ג. מצא את מהירות הזוויתית של המוט ברגע זה
(כשהוא מאונך לקרקע).
- ד. חזר על סעיפים א' ו-ב' עבור רגע זה.

**(5) משטח מלמולה ומשטח מלמטה**

צדור בעל רדיוס R לחוץ בין שני משטחים נועים.
המשטח מתחתי לצדור נע במהירות v_1 והמשטח
מעליו נע במהירות v_2 .

- א. מהי מהירות מרכזו המסה של הצדור אם
ידעו שהוא מתגלגל ללא חילקה ביחס לשני המשטחים?
- ב. חזר על סעיף א' אם המשטח העליון נע בכיוון ההפוך.

תשובות סופיות:

$$a = \frac{5}{7}g \sin \theta \quad \text{ב.} \quad mgH = \frac{1}{2}mv_{c.m.}^2 + \frac{1}{2}\left(\frac{2}{5}mR^2\right)\left(\frac{v_{c.m.}}{R}\right)^2 \quad \text{א.} \quad (1)$$

(2) ראה סרטון.

(3) ראה סרטון.

$$\sum F_y = ma_{y_{c.m.}}, \sum F_x = ma_{x_{c.m.}} \quad \text{ב.} \quad a_{c.m.} = \frac{3}{4}g = a_y, a_x = a_r = 0, \alpha = \frac{3}{2}\frac{g}{L} \quad \text{א.} \quad (4)$$

$$mg \frac{L}{2} = \frac{1}{2}I\omega^2 \quad \text{ג.}$$

$$\sum F_y = ma_{y_{c.m.}}, \sum F_x = ma_{x_{c.m.}}, a_\theta = 0 = a_{x_{c.m.}}, a_y = a_r = -\omega^2 \frac{L}{2}, \alpha = 0 \quad \text{ד.}$$

$$v_{c.m.} = \frac{v_1 - v_2}{2} \quad \text{ב.} \quad v_{c.m.} = \frac{v_1 + v_2}{2} \quad \text{א.} \quad (5)$$